

【例 3-1】 根据图 3-1 所示的调制信号波形，试画出 DSB 及 AM 信号的波形图，并比较它们分别通过包络检波器后的波形差别。

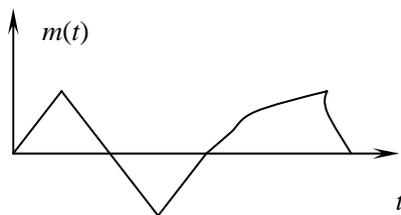
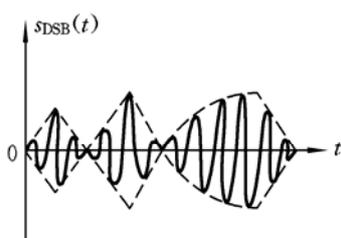
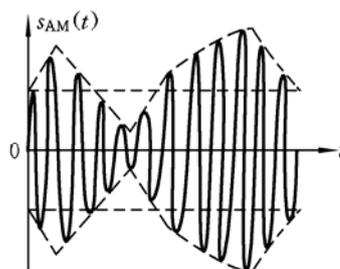


图 3-1 例 3-1 图 1

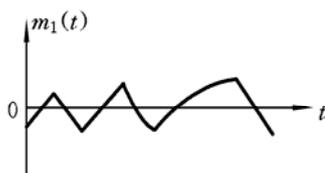
解： DSB 及 AM 信号的波形及它们通过包络检波器后的波形如图 3-2。从波形图中可以看出，DSB 信号经过包络检波器后输出波形 $m_1(t)$ 失真，不能恢复出原调制信号，而 AM 信号经过包络检波器后输出波形 $m_2(t)$ 无失真，能正确恢复出原调制信号。



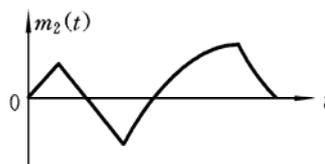
(a) DSB 信号波形



(b) AM 信号波形



(c) DSB 信号通过包络检波器后输出波形



(d) AM 信号通过包络检波器后输出波形

图 3-2 例 3-1 图 2

【例 3-2】 已知某单频调频波的振幅是 10V，瞬时频率为 $f(t) = 10^6 + 10^4 \cos(2\pi \times 10^3 t)$ ，试求：

- (1) 此调频波的表达式；
 (2) 此调频波的频率偏移，调频指数和频带宽度；
 (3) 调制信号频率提高到 $2 \times 10^3 \text{ Hz}$ ，则调频波的频偏、调制指数和频带宽度如何变化？

解： (1) 该调频波的瞬时角频率为

$$\omega(t) = 2\pi f(t) = 2\pi \times 10^6 + 2\pi \times 10^4 \cos(2\pi \times 10^3 t) \quad (\text{rad/s})$$

此时，该调频波的总相位为

$$\theta(t) = \int_{-\infty}^t \omega(\tau) d\tau = 2\pi \times 10^6 t + 10 \sin(2\pi \times 10^3 t)$$

因此，调频波的时域表达式 $s_{FM}(t)$ 为

$$s_{FM}(t) = A \cos \theta(t) = 20 \cos(2\pi \times 10^6 t + 10 \sin(2\pi \times 10^3 t)) \quad (\text{V})$$

- (2) 根据频率偏移的定义

$$\Delta f = |\Delta f(t)|_{\max} = |10^4 \cos(2\pi \times 10^3 t)|_{\max} = 10 \quad (\text{kHz})$$

调频指数为

$$m_f = \frac{\Delta f}{f_m} = \frac{10^4}{10^3} = 10$$

根据调频波的带宽公式，可得调频波的带宽为

$$B \approx 2(\Delta f + f_m) = 2(10 + 1) = 22 \quad (\text{kHz})$$

- (3) 现调制信号频率 f_m 由 10^3 Hz 提高到 $2 \times 10^3 \text{ Hz}$ 。因频率调制时已调波频率偏移与调制信号频率无关，故这时调频信号的频率偏移仍然是

$$\Delta f = 10 \quad (\text{kHz})$$

而这时调频指数变为

$$m_f = \frac{\Delta f}{f_m} = \frac{10^4}{2 \times 10^3} = 5$$

这时调频信号的带宽为

$$B \approx 2(\Delta f + f_m) = 2(10 + 2) = 24 \quad (\text{kHz})$$

由上述结果可知：由于 $\Delta f \gg f_m$ ，所以，虽然调制信号频率 f_m 增加了一倍，但调频信号的带宽 B 变化很小。